

Influence Lines of Trusses

خطوط التأثير لا Trusses

نسألكم الدعاء

Table of Contents

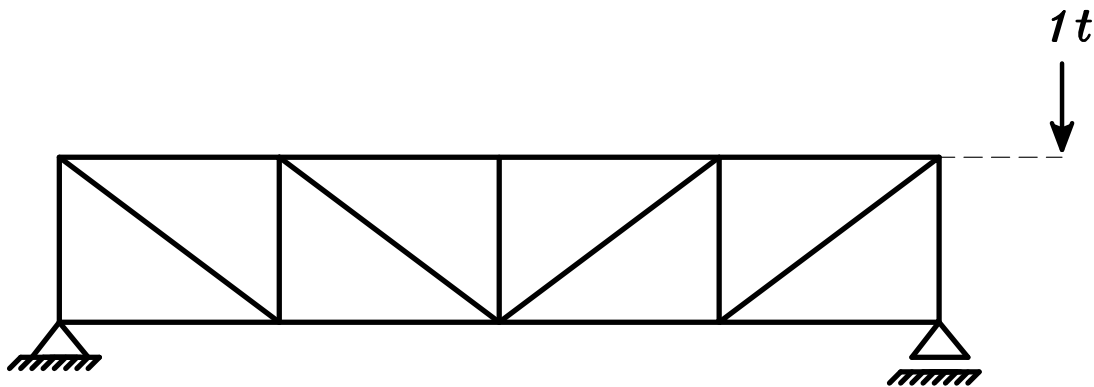
* <i>Influence Lines of Trusses</i>	-----	<i>Page 2</i>
* <i>Drawing I.L. Diagram using sections method</i>	-----	<i>Page 3</i>
* <i>Drawing I.L. Diagram using Joint method</i>	-----	<i>Page 4</i>
* <i>Zero Members</i>	-----	<i>Page 5</i>
* <i>Examples</i>	-----	<i>Page 6</i>

INFLUENCE LINES OF TRUSSES

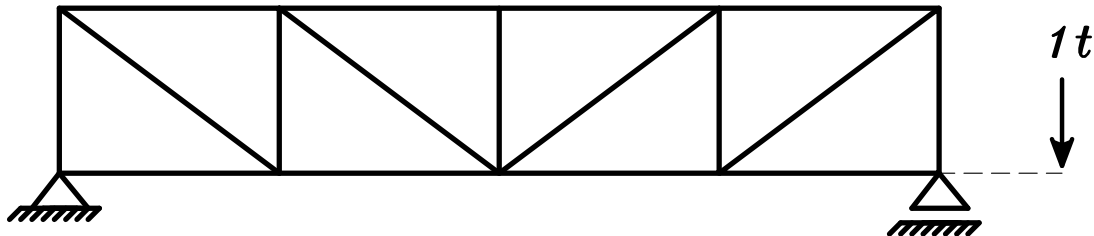
هو عبارة عن رسم *Diagram* يعبر عن قيمة الـ *Reactions* عند الـ *Supports* أو تغير قيمة الـ *Force in members* نتيجة تغير مكان الحمل على الـ *Truss* و الحمل المتحرك دائما هو اطن رأسى و مكان وجوده فوق الـ *Joints* فقط

و لرسم الـ *I.L. (Force at any member in truss)* يتم أولا حساب ورسم الـ *I.L. Reactions* و ذلك كما فى حالة الكمرات $\times \times$ فى حالة وجود $2 \text{ Reactions in } X (X_a, X_b)$ يتم فرض اتجاههم عكس بعض و باستخدام معادلة $\Sigma X = 0$ يكون $X_a = X_b = 0$ و بالتالى يتم رسم *Diagram* واحد لهما معا

$\times \times$ يجب تحديد المستوى الذى يتحرك عليه الحمل فى المسألة



الحمل يتحرك على المستوى العلوى من الـ *Truss*

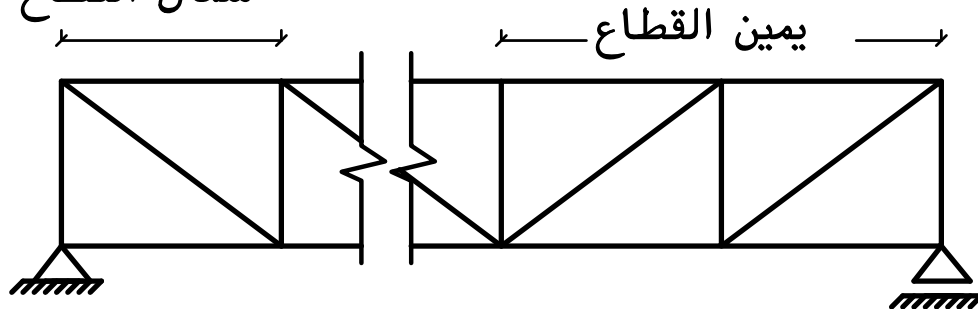


الحمل يتحرك على المستوى السفلى من الـ *Truss*

يتم الحل كما فى ال *Trusses* العادية و ذلك بأخذ قطاع يمر بال *member* المراد حساب القوى به بحيث يمر القطاع بثلاثة مجاهيل فقط من ضمنهم ال *member* المطلوب
هذا القطاع يقسم ال *Truss* الى جزئين و يتم أخذ أى جزء منهم و دراسته و يتم اخفاء ال *member* المراد ايجاد القوة به
اذا كا ال *2 members* الاخرين يتلاقيان فى نقطة يتم أخذ العزوم عندها و ايجاد القوى فى ال *member*
اذا كا ال *2 members* الاخرين متوازيان يتم أخذ مجموع القوى فى الاتجاه العمودى عليهم = صفر و ايجاد القوى فى ال *member* المطلوب
و الفارق فى حالة ال *I.L*

أننا نكتب لكل *member* معادلتين

×× اذا كان الحمل يتحرك يمين القطاع ندرس الجزء ناحية الشمال
×× اذا كان الحمل يتحرك شمال القطاع ندرس الجزء ناحية اليمين
شمال القطاع

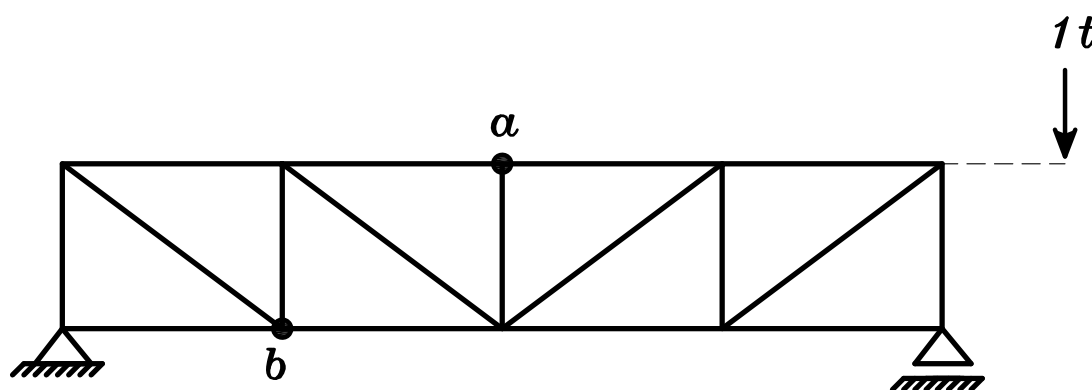


مع العلم أن الاحمال التى تدخل فى معادلات الحساب هى ال *Reactions* و القوى داخل ال *members* التى يتم القطع فيها

Drawing I.L. Diagram using Joints method

I.L. Diagrams لحساب و رسم ال

و تعتمد هذه الطريقة على انه كل $Joint$ يجب ان تكون متزنة على حدة لكي يكون المنشأ كله متزن أى أنه يمكن تطبيق معادلات الاتزان عند كل $Joint$ وهى $\Sigma X = 0$, $\Sigma Y = 0$



الفارق الوحيد في حالة الـ I.L.

إذا كان الحمل لا يمكن أن يقف عند ال *Joint* التي ندرسها مثل *Joint (b)* يتم كتابة معادلة الاتزان مرة واحدة

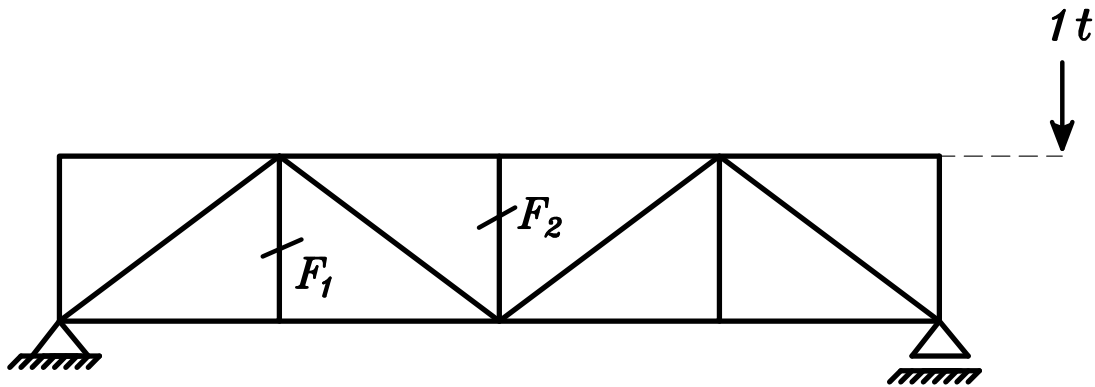
إذا كان الحمل يمكن أن يقف عند ال *Joint* التي ندرسها مثل *Joint (a)* يتم كتابة معادلة الاتزان مرتين

١- مرة عندما يكون الحمل فوق ال *Joint* ويتم أخذه فى الحسابات

٢- مرة عندما يكون الحمل بعيدا عن ال *Joint* ولا يتم أخذه فى الحسابات

Zero members

- يوجد بعض ال *members* تكون القوى بها صفر و يمكن معرفتها بمجرد النظر بدون حل و يطلق ليها ال *Zero members* و يتم معرفتها كالتالى
- ١- اذا وجد *Joint* يخرج منها *2 members* و لا يوجد على هذه ال *Joint* أى أحمال تكون القوى فى ال *2 members* تساوى صفر
 - ٢- اذا وجد *Joint* يخرج منها *2 members* و لا يوجد على هذه ال *Joint* الا حمل واحد فى اتجاه ا حد ال *2 members* تكون القوى فى ال *member* الاخر تساوى صفر
 - ٣- اذا وجد *Joint* يخرج منها *3 members* و لا يوجد على هذه ال *Joint* أى أحمال و كان يوجد *2 members* على خط واحد تكون القوى فى ال *member* الثالث تساوى صفر



الفارق الوحيد فى حالة ال *I.L.*

اذا كان الحمل لا يمكن أن يقف عند ال *Joint* التى من دراسنها عرفنا ال *Zero member* يكون ال *member* دائما *Zero member* مثل F_1

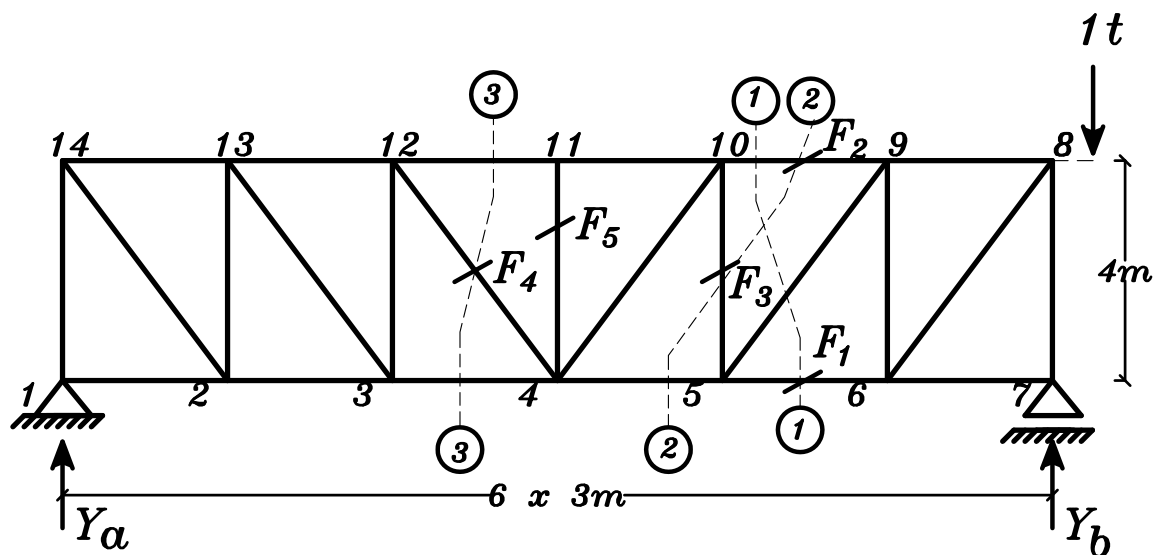
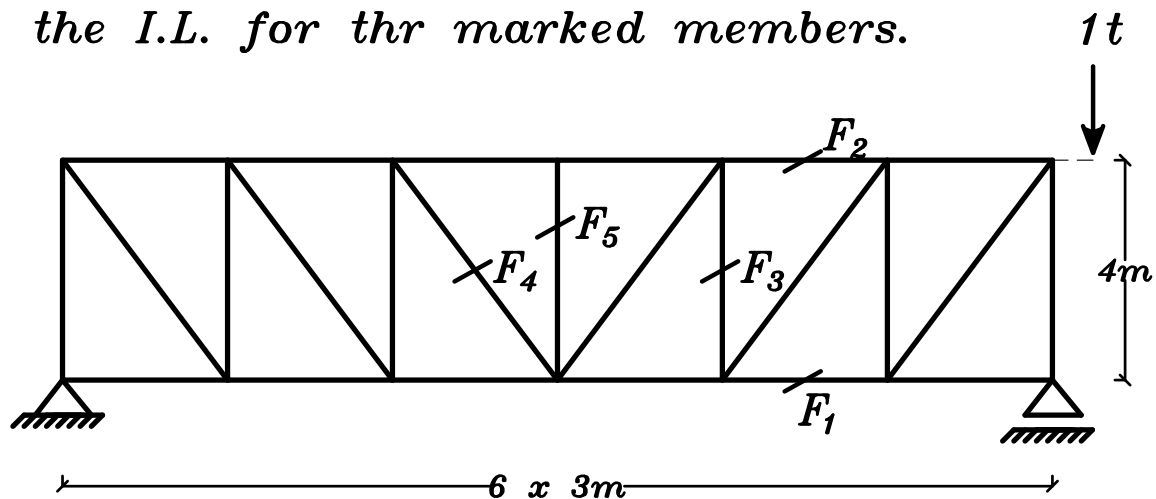
اذا كان الحمل يمكن أن يقف عند ال *Joint* التى من دراستها عرفنا ال *Zero member* يتم كتابة معادلة الاتزان مرتين مثل F_2

١- مرة عندما يكون الحمل فوق ال *Joint* $F_2 = \checkmark$

٢- مرة عندما يكون الحمل بعيدا عن ال *Joint* $F_2 = 0$

Example

Draw the I.L. for thr marked members.



For F_5 Equilibrium of joint (11)

1ton at joint (11)

$$F_5 = -1$$

1ton at anywhere else

$$F_5 = 0$$

For F_1 Sec 1-1 ($\Sigma M_9 = 0$)

1ton from (10-14)

$$\Sigma M_9 \text{ right} = 0$$

$$3Y_b - 4F_1 = 0$$

$$F_1 = 0.75Y_b$$

1ton from (8-9)

$$\Sigma M_9 \text{ left} = 0$$

$$15Y_a - 4F_1 = 0$$

$$F_1 = 3.75Y_a$$

For F_2 Sec 1-1 ($\Sigma M_5 = 0$)

1ton from (10-14)

$$\Sigma M_5 \text{ right} = 0$$

$$6Y_b + 4F_2 = 0$$

$$F_2 = -1.50Y_b$$

1ton from (8-9)

$$\Sigma M_5 \text{ left} = 0$$

$$12Y_a + 4F_2 = 0$$

$$F_2 = -3.0Y_a$$

For F_3 Sec 2-2 ($\Sigma Y = 0$)

1ton from (10-14)

$$\Sigma Y \text{ right} = 0$$

$$Y_b + F_3 = 0$$

$$F_3 = -Y_b$$

1ton from (8-9)

$$\Sigma Y \text{ left} = 0$$

$$Y_a - F_3 = 0$$

$$F_3 = Y_a$$

For F_4 Sec 3-3 ($\Sigma Y = 0$)

1ton from (12-14)

$$\Sigma Y \text{ right} = 0$$

$$Y_b + 0.8F_4 = 0$$

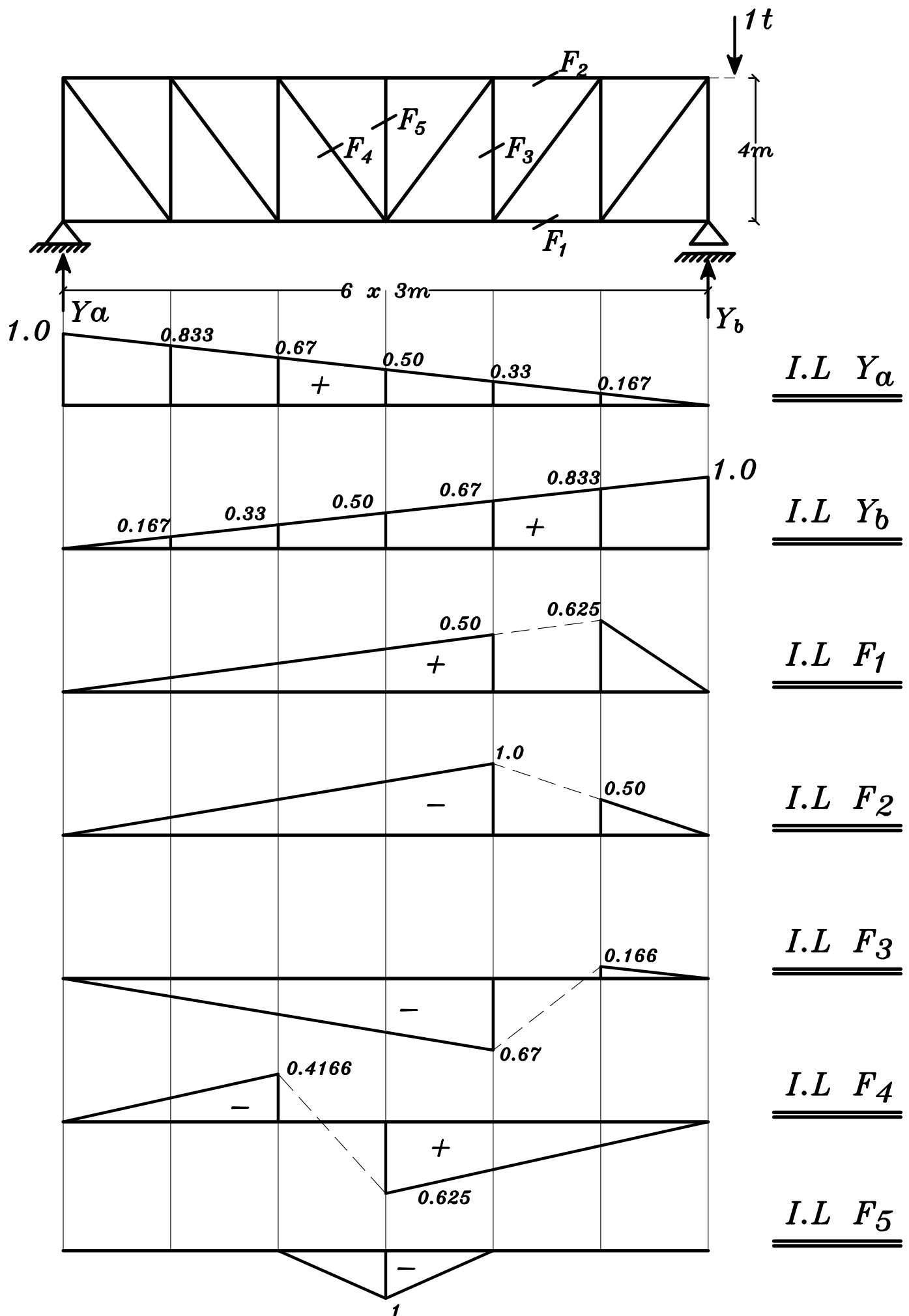
$$F_4 = -1.25Y_b$$

1ton from (8-11)

$$\Sigma Y \text{ left} = 0$$

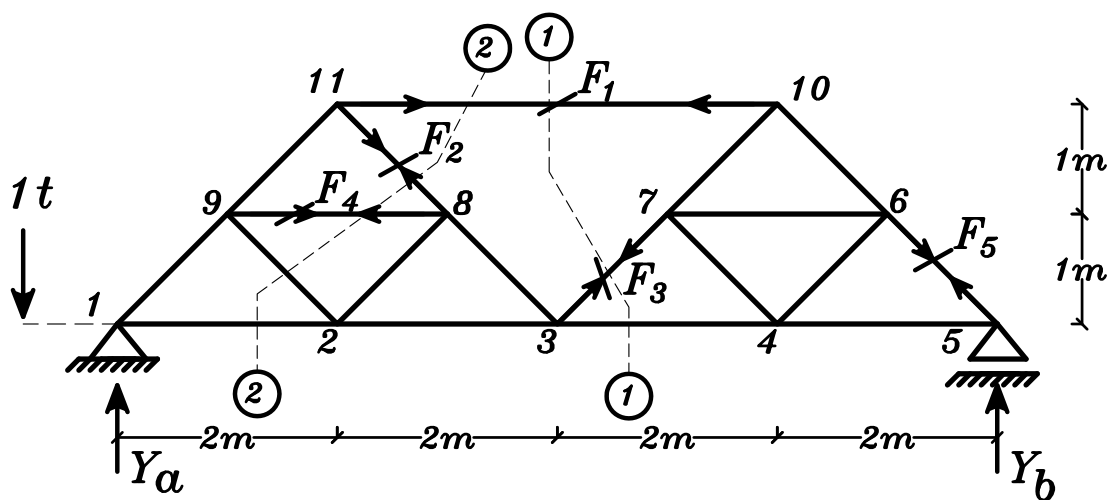
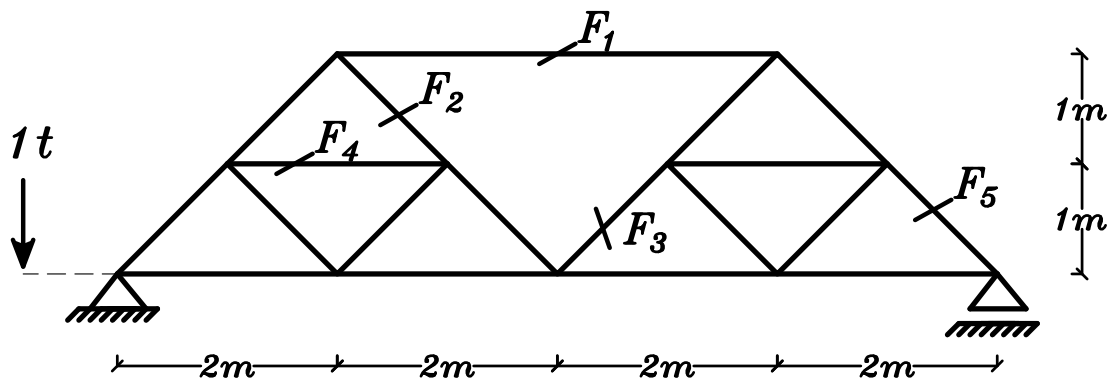
$$Y_a - 0.8F_4 = 0$$

$$F_4 = 1.25Y_a$$



Example

Draw the I.L. for thr marked members.



For F_5 Equilibrium of joint (5) $\Sigma y = 0$

1ton at joint (5)

$$\Sigma Y = 0$$

$$Y_b + 0.707F_5 - 1 = 0$$

$$F_5 = 1.414 (1 - Y_b)$$

1ton at anywhere else

$$\Sigma Y = 0$$

$$Y_b + 0.707F_5 = 0$$

$$F_5 = -1.414 Y_b$$

For F_1 Sec 1-1 ($\Sigma M_3 = 0$)

1ton from (1-3)

$$\Sigma M_3 \text{ right} = 0$$

$$4Y_b + 2F_1 = 0$$

$$F_1 = -2 Y_b$$

1ton from (4-5)

$$\Sigma M_3 \text{ left} = 0$$

$$4Y_a + 2F_1 = 0$$

$$F_1 = -2Y_a$$

For F_2 Equilibrium of joint (11)

$$\Sigma Y = 0 \text{ ---- } F_2 \cos \alpha + F_{9-11} \cos \alpha \text{ ---- } F_2 = -F_{9-11}$$

$$\Sigma X = 0 \text{ ---- } F_1 + F_2 \sin \alpha - F_{9-11} \sin \alpha = 0$$

$$F_2 = -0.707 F_1$$

For F_3 Sec 1-1 ($\Sigma Y = 0$)

1ton from (1-3)

$$\Sigma Y \text{ right} = 0$$

$$Y_b - 0.707F_3 = 0$$

$$F_3 = 1.414Y_b$$

1ton from (4-5)

$$\Sigma Y \text{ left} = 0$$

$$Y_a + 0.707F_3 = 0$$

$$F_3 = -1.414Y_a$$

For F_4 Sec 2-2 ($\Sigma M_2 = 0$)

1ton from (2-5)

$$\Sigma M_2 \text{ right} = 0$$

$$2Y_a + F_4 + 2(0.707F_2) + 2F_1 = 0$$

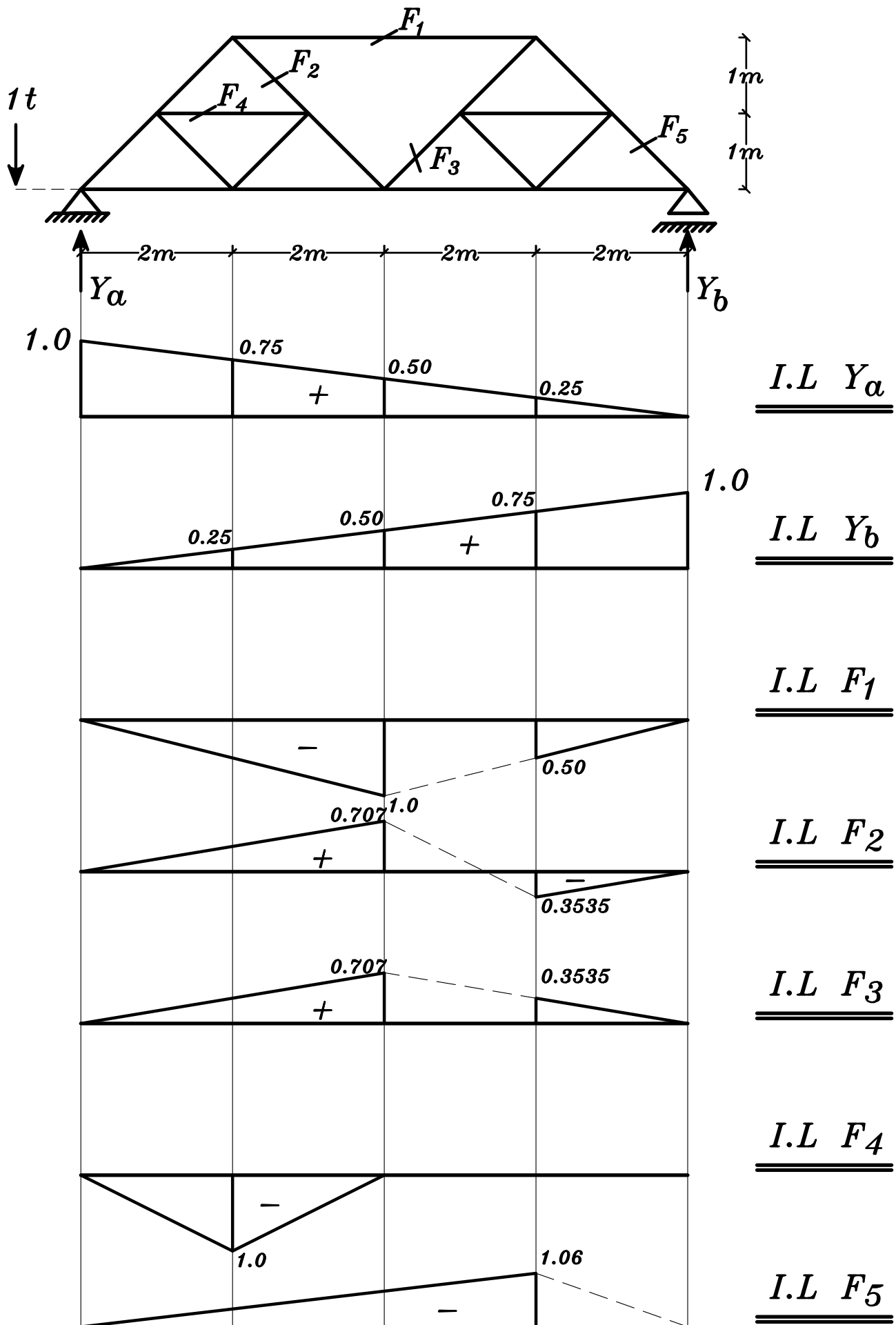
$$F_4 = -(2 Y_a + F_1)$$

1ton at (1)

$$\Sigma M_2 \text{ left} = 0$$

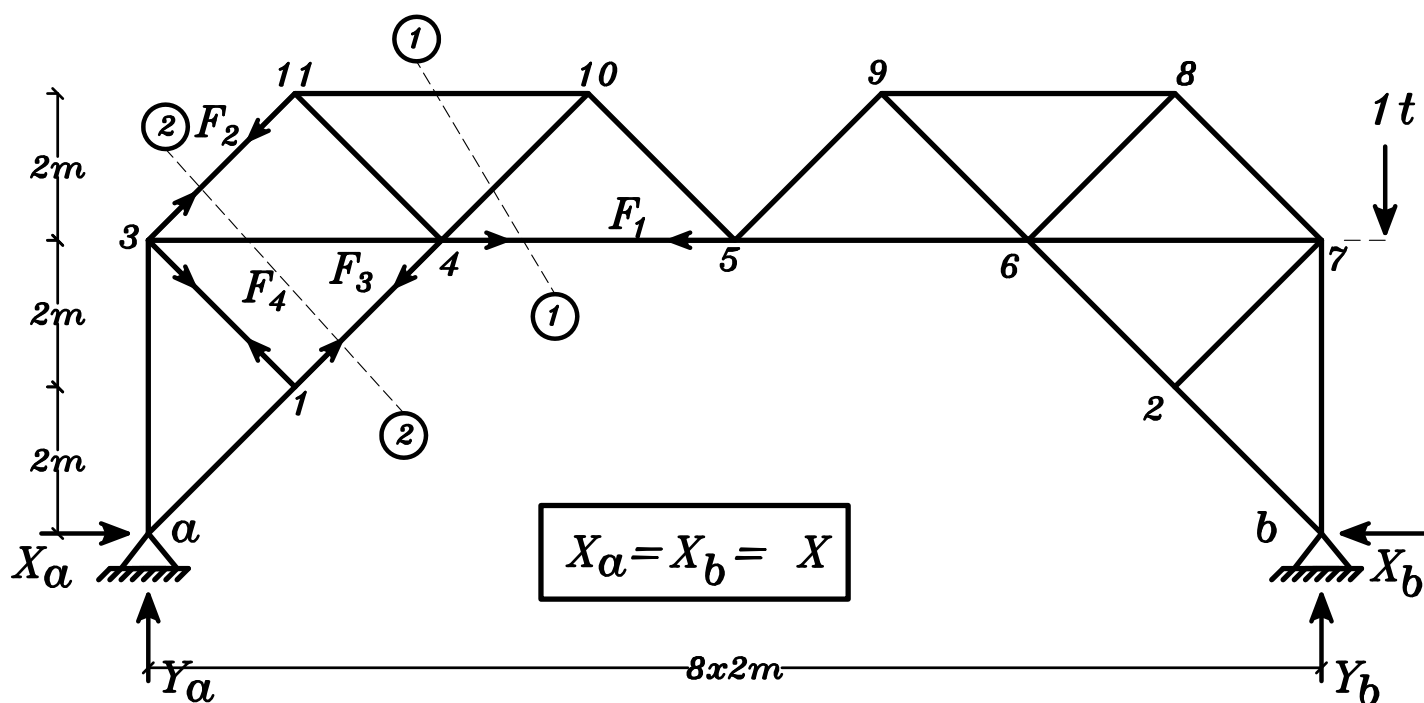
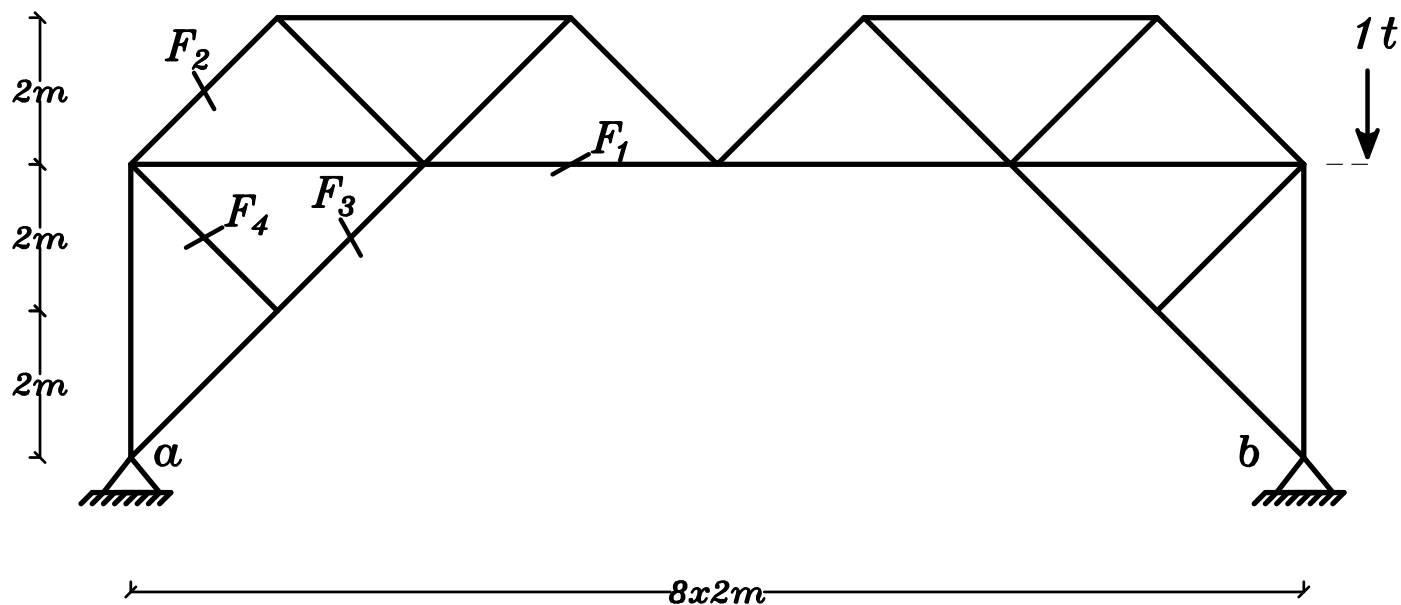
$$6Y_b + F_4 + 2(0.707F_2) + 2F_1 = 0$$

$$F_4 = -(6 Y_b + F_1)$$



Example

Draw the I.L. for thr marked members.



For X ($\Sigma M_5 = 0$)

1ton from (3-5)

$$\Sigma M_5 \text{ right} = 0$$

$$8Y_b - 4X = 0$$

$$X = 2 Y_b$$

1ton from (5-7)

$$\Sigma M_5 \text{ left} = 0$$

$$8Y_a - 4X = 0$$

$$X = 2Y_a$$

For F_1 Sec 1-1 ($\Sigma M_{10} = 0$)

1ton from (3-4)

$$\Sigma M_{10} \text{ right} = 0$$

$$2F_1 + 6X - 10Y_b = 0$$

$$F_1 = 5Y_b - 3X$$

1ton from (5-7)

$$\Sigma M_{10} \text{ left} = 0$$

$$2F_1 + 6X - 6Y_a = 0$$

$$F_1 = 3.0Y_a - 3X$$

For F_2 Sec 2-2 ($\Sigma M_4 = 0$)

1ton from (4-7)

$$\Sigma M_4 \text{ left} = 0$$

$$4Y_a - 4X + (0.707F_2)(4) = 0$$

$$F_2 = 1.414 (X - Y_a)$$

1ton at joint (3)

$$\Sigma M_4 \text{ right} = 0$$

$$12Y_b - 4X + (0.707F_2)(4) = 0$$

$$F_2 = 1.414(X - 3Y_b)$$

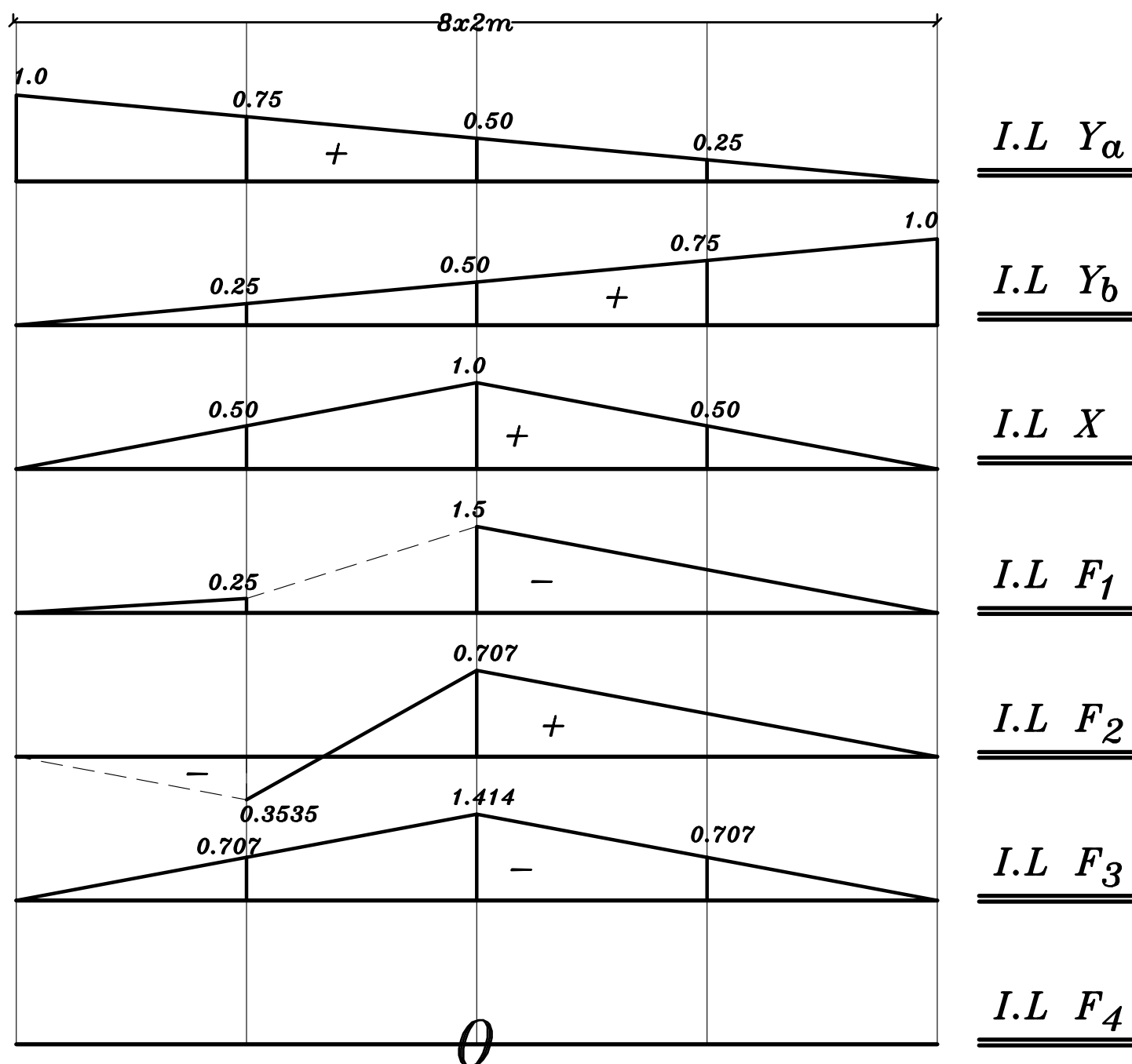
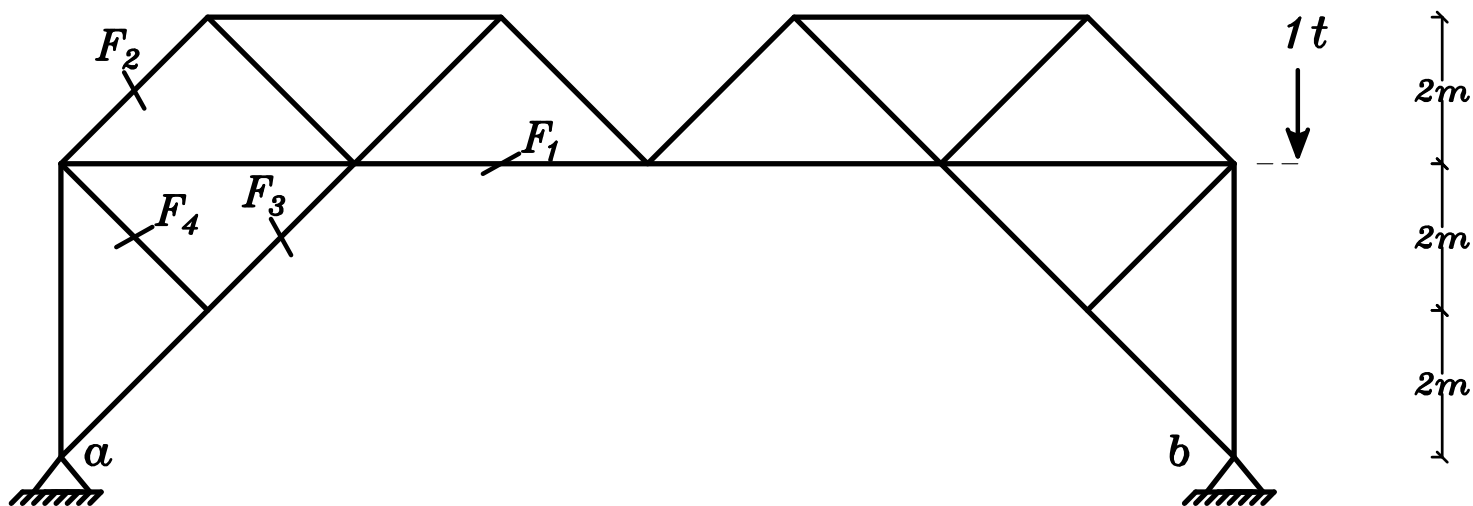
For F_4 Equilibrium of joint (1)

F_4 is a zero member if 1t at any joint

For F_3 Equilibrium of joint (A)

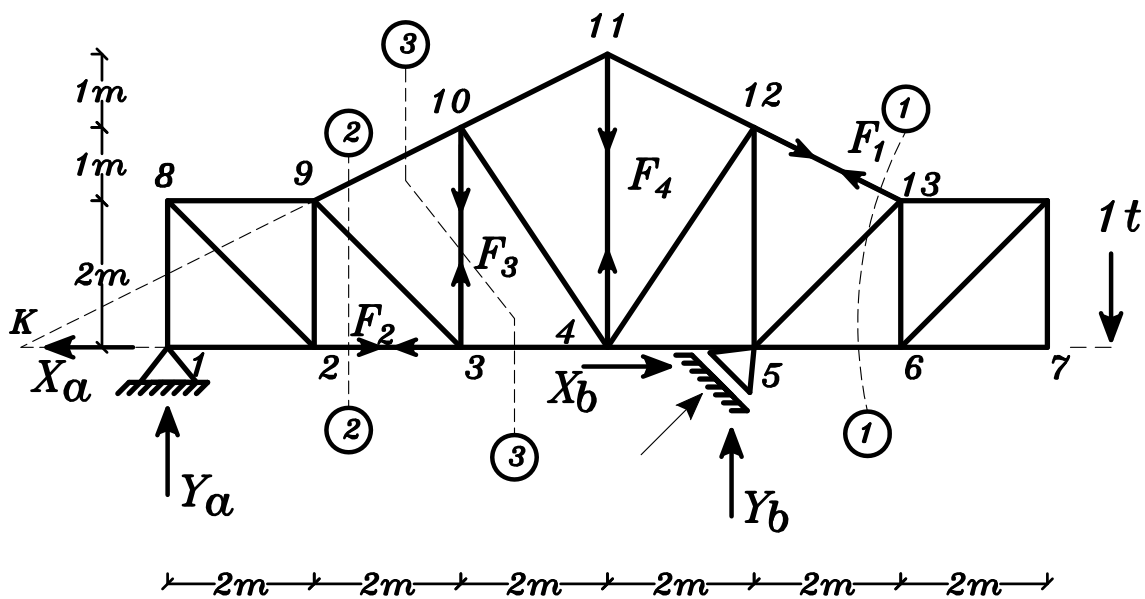
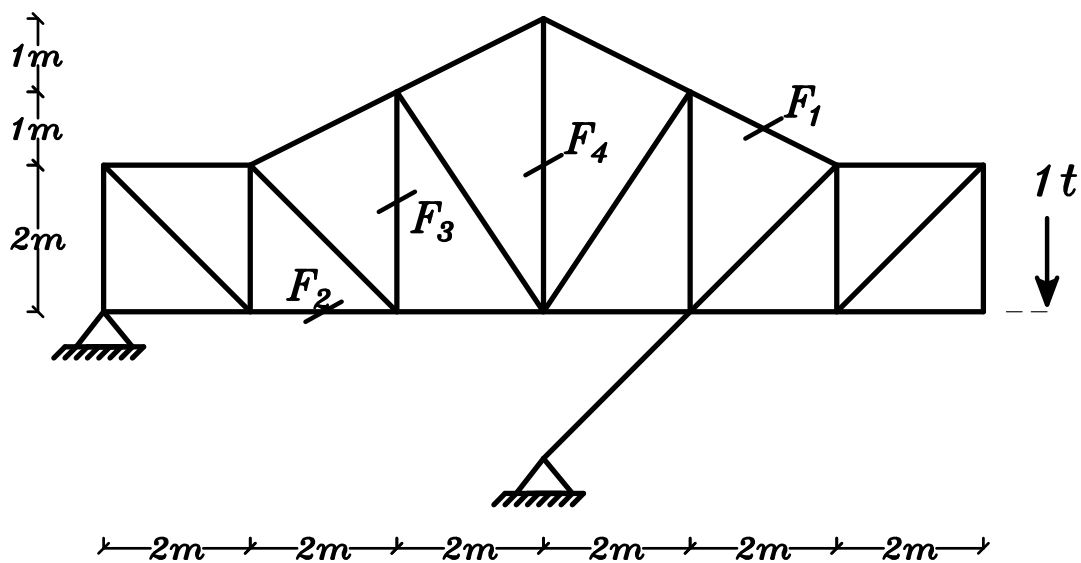
$$\Sigma X = 0 \text{ --- } X + 0.707 F_3 = 0$$

$$F_3 = -1.414 X \quad \text{if 1 ton at any joint}$$



Example

Draw the I.L. for the marked members.



$$Y_b = X_b$$

$$X_a = X_b$$

$$X_a = X_b = Y_b = X$$

For F_1 Sec 1-1 ($\Sigma M_5 = 0$)

1ton from (1-5)

$$\Sigma M_5 \text{ right} = 0$$

$$F_1 \cos \alpha \times 2 - F_1 \sin \alpha \times 2 = 0$$

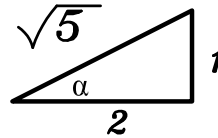
$$F_1 = 0$$

1ton from (6-7)

$$\Sigma M_5 \text{ left} = 0$$

$$8Y_a + F_1 \cos \alpha \times 3 = 0$$

$$F_1 = -2.98Y_a$$



For F_2 Sec 2-2 ($\Sigma M_9 = 0$)

1ton from (1-2)

$$\Sigma M_9 \text{ right} = 0$$

$$2X_b + 6Y_b - 2F_2 = 0$$

$$2X + 6X - 2F_2 = 0$$

$$F_2 = 4X$$

1ton from (3-7)

$$\Sigma M_9 \text{ left} = 0$$

$$2Y_a + 2X_b - 2F_2 = 0$$

$$2Y_a + 2X - 2F_2 = 0$$

$$F_2 = Y_a + X$$

For F_3 Sec 3-3 ($\Sigma M_K = 0$)

1ton from (1-3)

$$\Sigma M_K \text{ right} = 0$$

$$10Y_b - 6F_3 = 0$$

$$F_3 = 1.66 Y_b$$

1ton from (4-7)

$$\Sigma M_K \text{ left} = 0$$

$$2Y_a + 6F_3 = 0$$

$$F_3 = -0.33Y_a$$

For F_4 , we have to get F_{11-12} first

For F_{11-12} Sec 2-2 ($\Sigma M_2 = 0$)

1ton from (1-4)

$$\Sigma M_4 \text{ right} = 0$$

$$F_{11-12} \cos \alpha \times 3 + F_{11-12} \sin \alpha \times 2$$

$$+ 2Y_b = 0$$

$$F_{11-12} = -0.559Y_b$$

1ton from (5-7)

$$\Sigma M_4 \text{ left} = 0$$

$$F_{11-12} \cos \alpha \times 4 + 6Y_a = 0$$

$$F_{11-12} = -1.667Y_a$$

For F_4 Equilibrium of joint (11)

$$\Sigma X = 0 \text{ --- } F_{11-12} = F_{10-11}$$

$$\Sigma Y = 0 \text{ --- } F_{11-12} \sin \alpha \times 2 + F_4 = 0$$

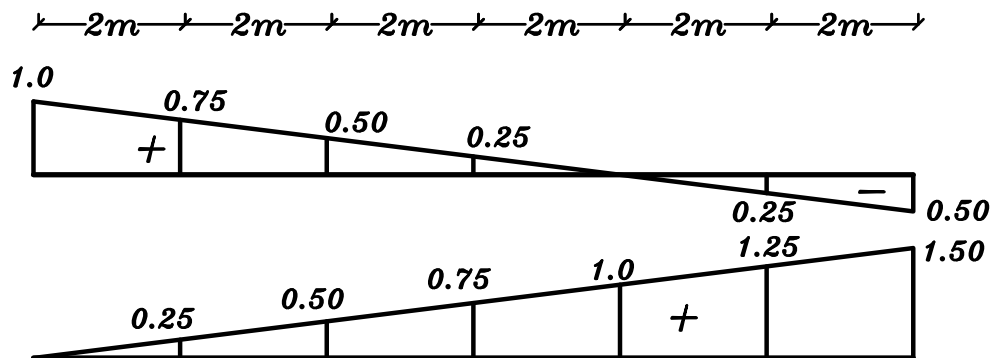
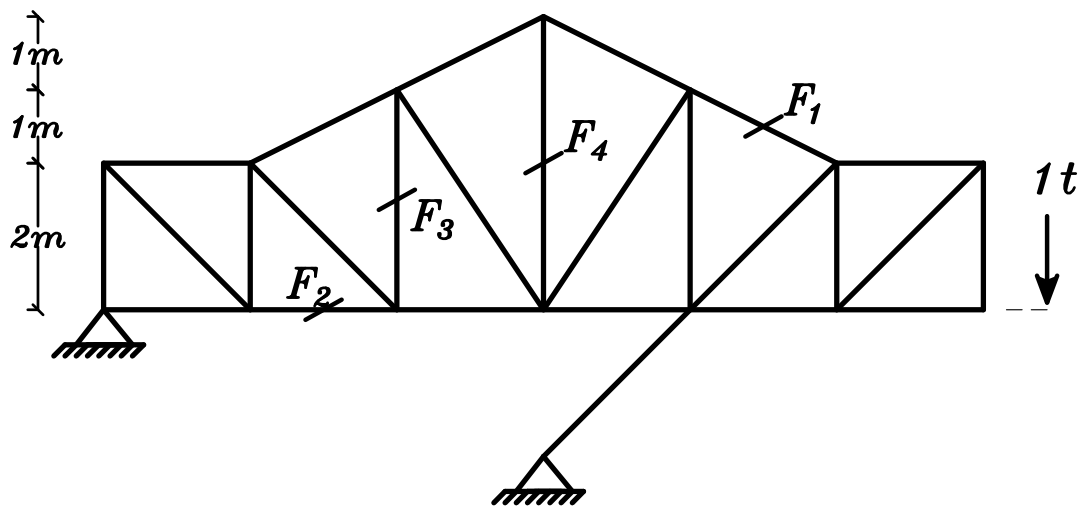
$$F_4 = -0.8944 F_{11-12}$$

1ton from (1-4)

$$F_4 = 0.50 Y_b$$

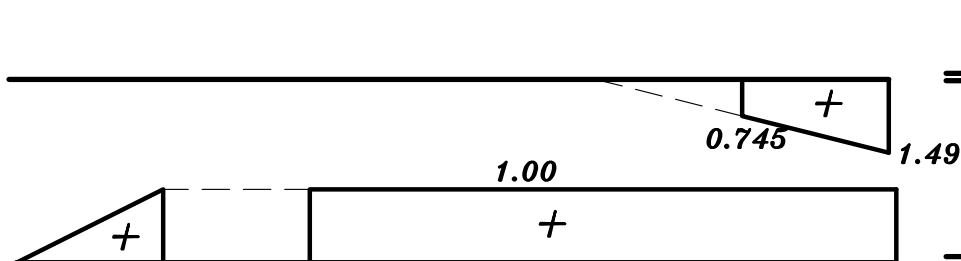
1ton from (5-7)

$$F_4 = 1.50 Y_a$$



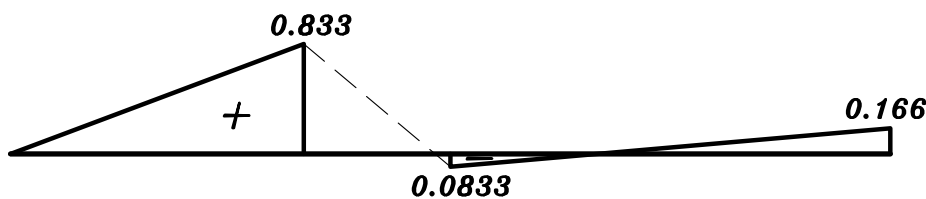
$I.L \ Y_a$

$I.L \ X$

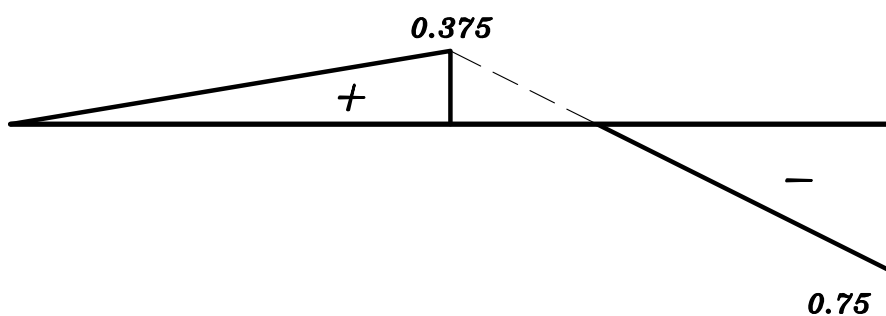


$I.L \ F_1$

$I.L \ F_2$



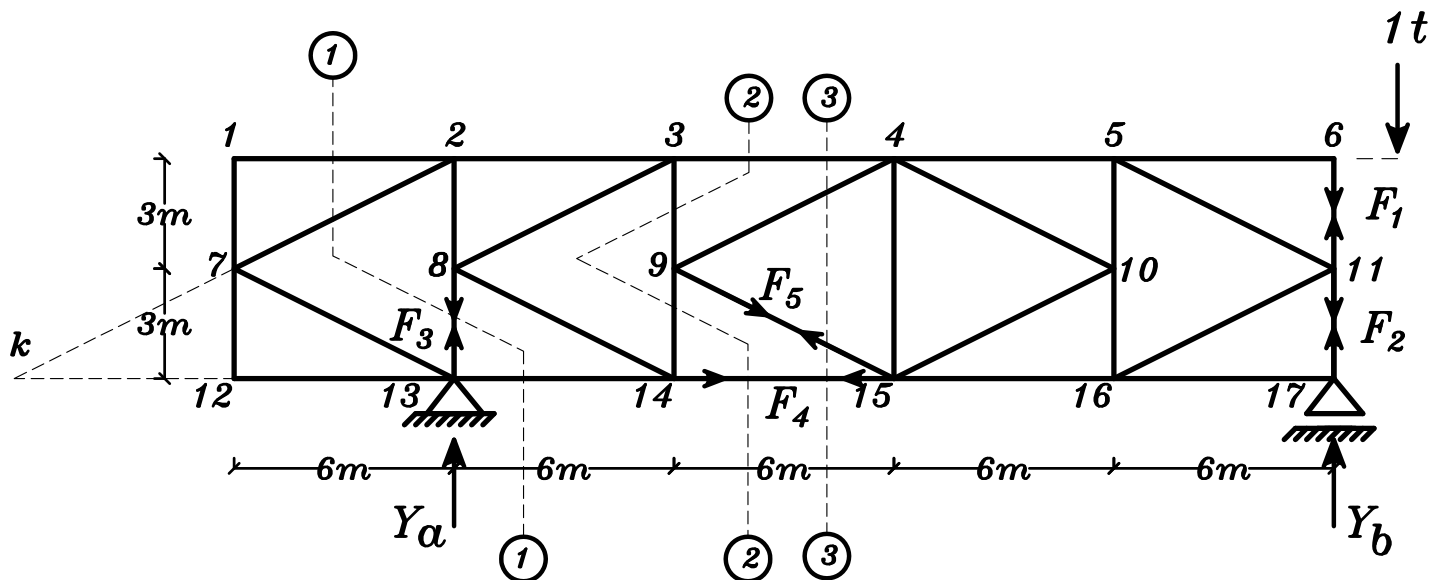
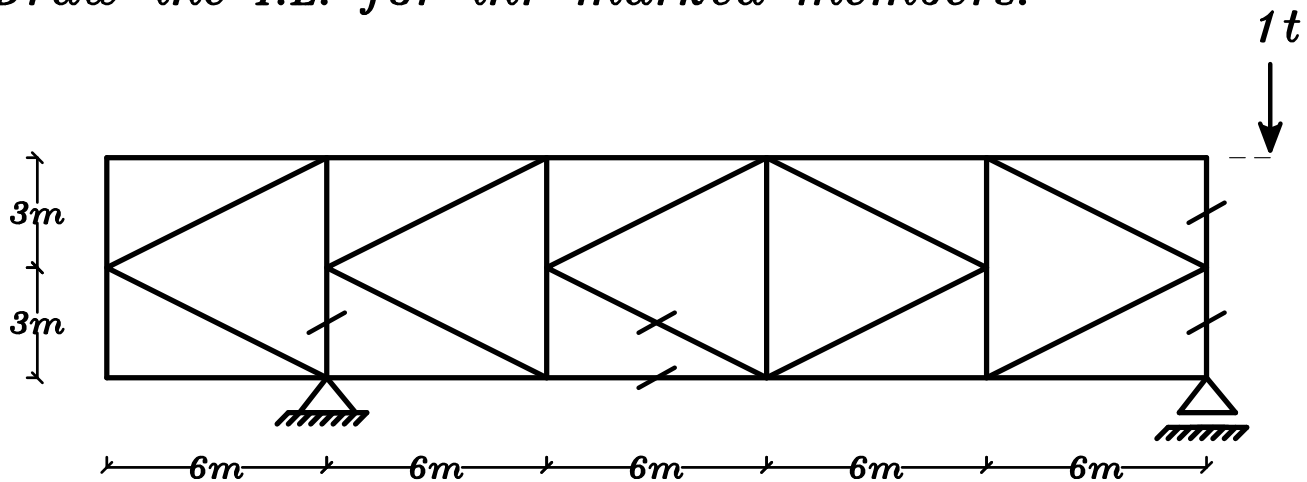
$I.L \ F_3$



$I.L \ F_4$

Example

Draw the I.L. for thr marked members.



For F_1 Equilibrium of joint (6)

1ton at joint (6)

$$\Sigma Y = 0$$

$$F_1 = -1$$

1ton at anywhere else

$$\Sigma Y = 0$$

$$F_1 = 0$$

For F_2 Equilibrium of joint (17)

$$\Sigma Y = 0$$

$$F_2 + Y_b = 0$$

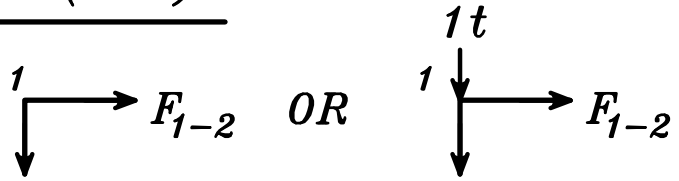
$$F_2 = - Y_b$$

For F_3 Sec 1-1 ($\Sigma M_k = 0$)

From equilibrium of joint (1)

$$\Sigma X = 0$$

$$F_{1-2} = 0$$



1ton from (2-6)

$$\Sigma M_k \text{ left} = 0$$

$$12Y_a + 12F_3 = 0$$

$$F_3 = -Y_a$$

1ton at joint (1)

$$\Sigma M_k \text{ right} = 0$$

$$36Y_b - 12F_3 = 0$$

$$F_3 = 3Y_b$$

For F_4 Sec 2-2 ($\Sigma M_3 = 0$)

1ton from (1-3)

$$\Sigma M_3 \text{ right} = 0$$

$$18Y_b - 6F_4 = 0$$

$$F_4 = 3Y_b$$

1ton from (4-6)

$$\Sigma M_3 \text{ left} = 0$$

$$6Y_a - 6F_4 = 0$$

$$F_4 = Y_a$$

For F_5 Sec 3-3 ($\Sigma Y = 0$)

From equilibrium of joint (9)

$$\Sigma X = 0$$

$$F_5 \cos\theta + F_4 \cos\theta = 0$$

$$F_6 = -F_5$$

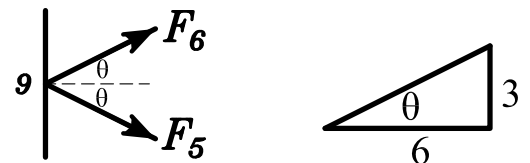
1ton from (1-3)

$$\Sigma Y_{\text{right}} = 0$$

$$Y_b + F_5 \sin\theta - F_6 \sin\theta = 0$$

$$Y_b + 2F_5 \sin\theta = 0$$

$$F_5 = -1.118 Y_b$$



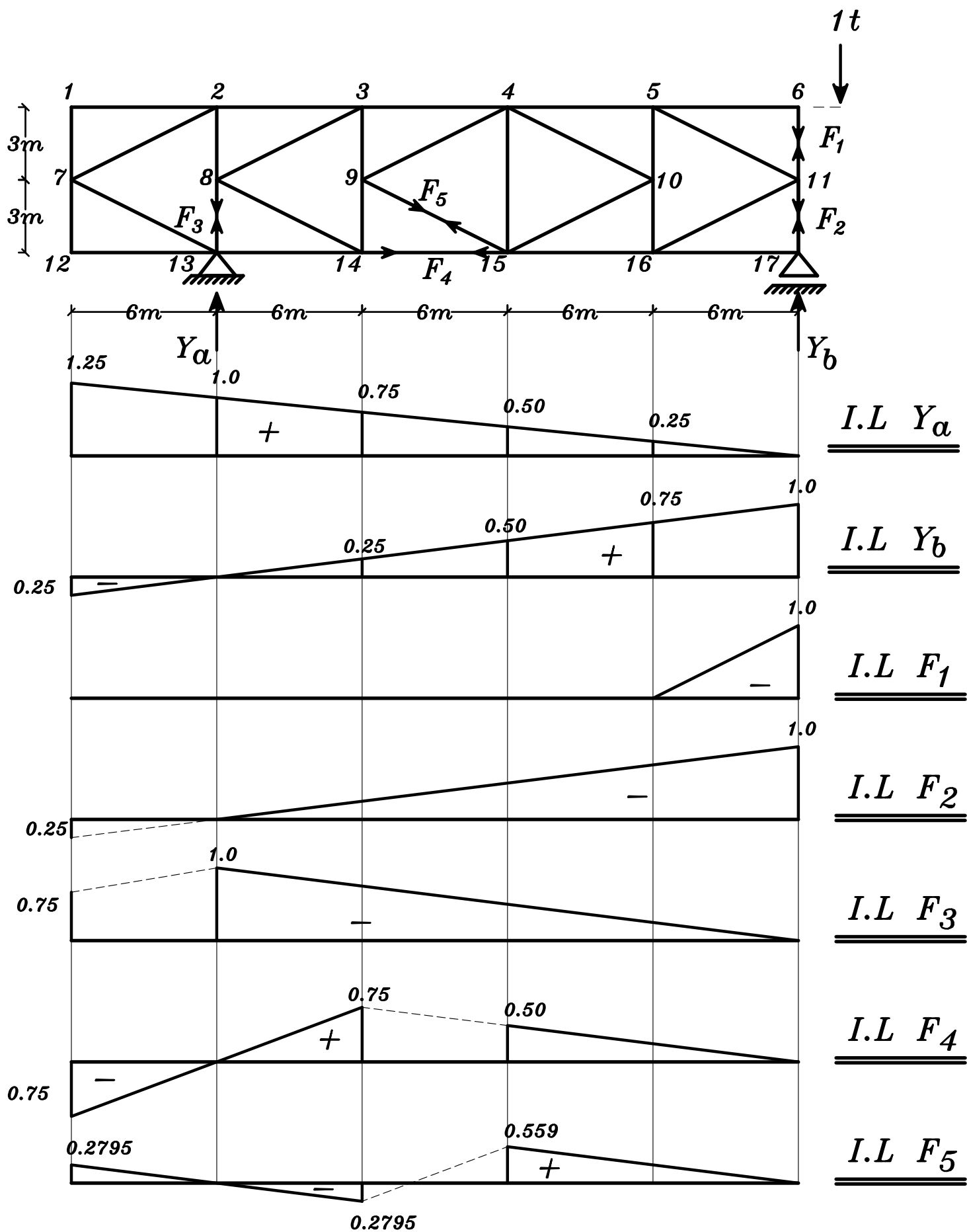
1ton from (4-6)

$$\Sigma Y_{\text{left}} = 0$$

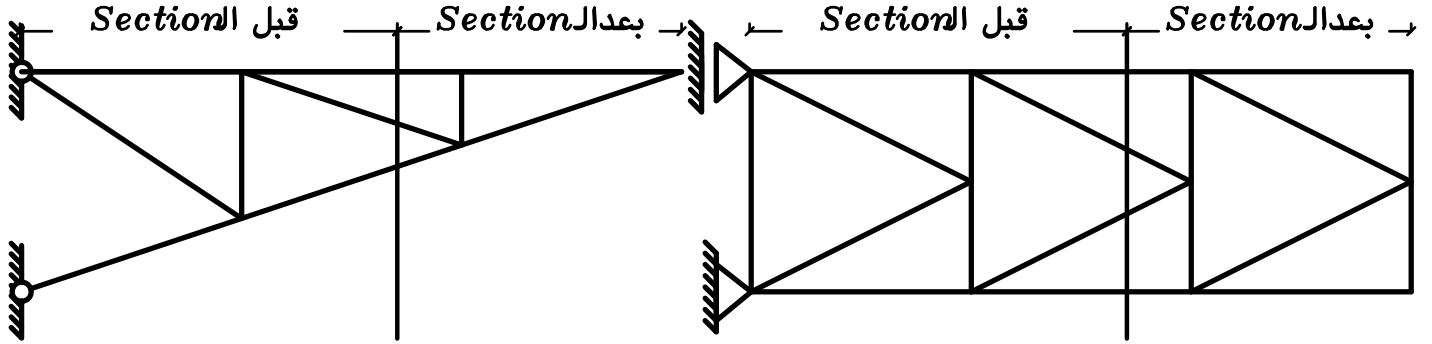
$$Y_a - F_5 \sin\theta + F_6 \sin\theta = 0$$

$$Y_a - 2F_5 \sin\theta = 0$$

$$F_5 = +1.118 Y_a$$



CANTLIVER TRUSSES



يتم الحل كما سبق و ذلك بأخذ *Section* و يتم تقسيم المسألة جزئين
عندما يتحرك الحمل بعيدا عن الطرف الحر (قبل ال *Section*)

يتم الحساب من ناحية الطرف الحر و تكون القوى دائما تساوى صفر و ذلك لانه
فى هذه الحالة لا يوجد *Reactions* و لا أحمال و بالتالى القوى سوف تساوى
صفر

عندما يتحرك الحمل ناحية الطرف الحر (بعد ال *Section*)

يتم الحساب أيضا من ناحية الطرف الحر و حيث أن ال *I.L* عبارة عن خط
مستقيم يتم حساب أى قيمتين من هذه الناحية و التوصيل بينهما

١- يتم وضع ال ١ طن عند أول *Joint* بعد ال *Section*

و حساب قيمة القوى من ناحية الطرف الحر نتيجة ال ١ طن على أساس أنها
مسألة عادية كما فى الترم الاول

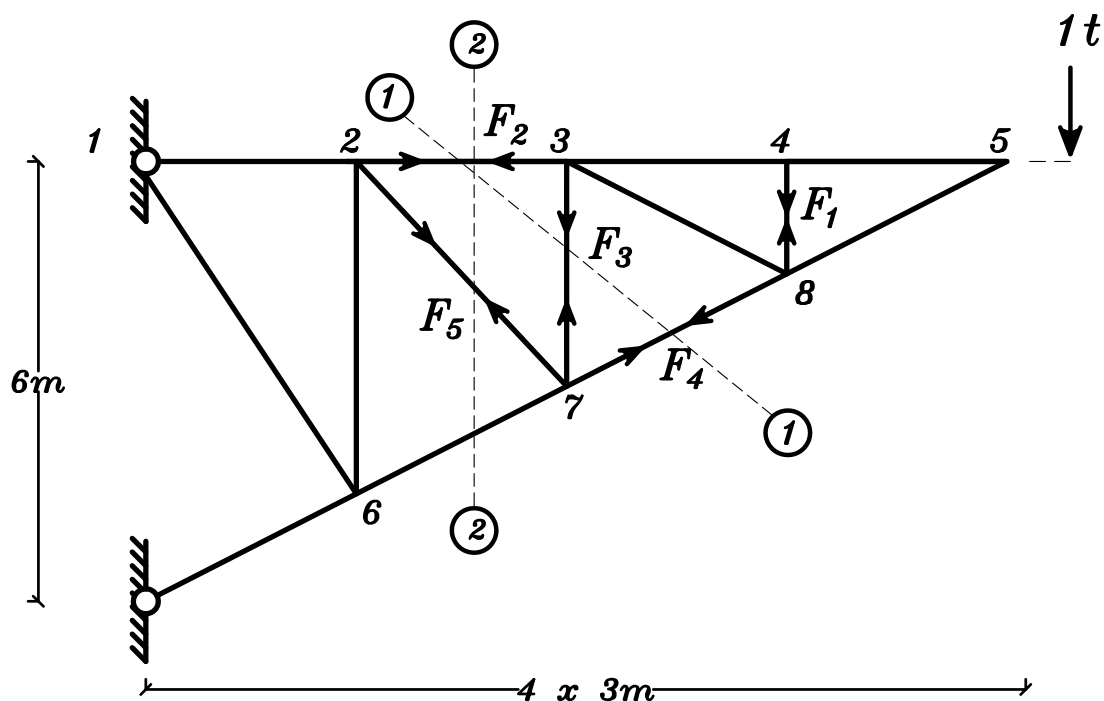
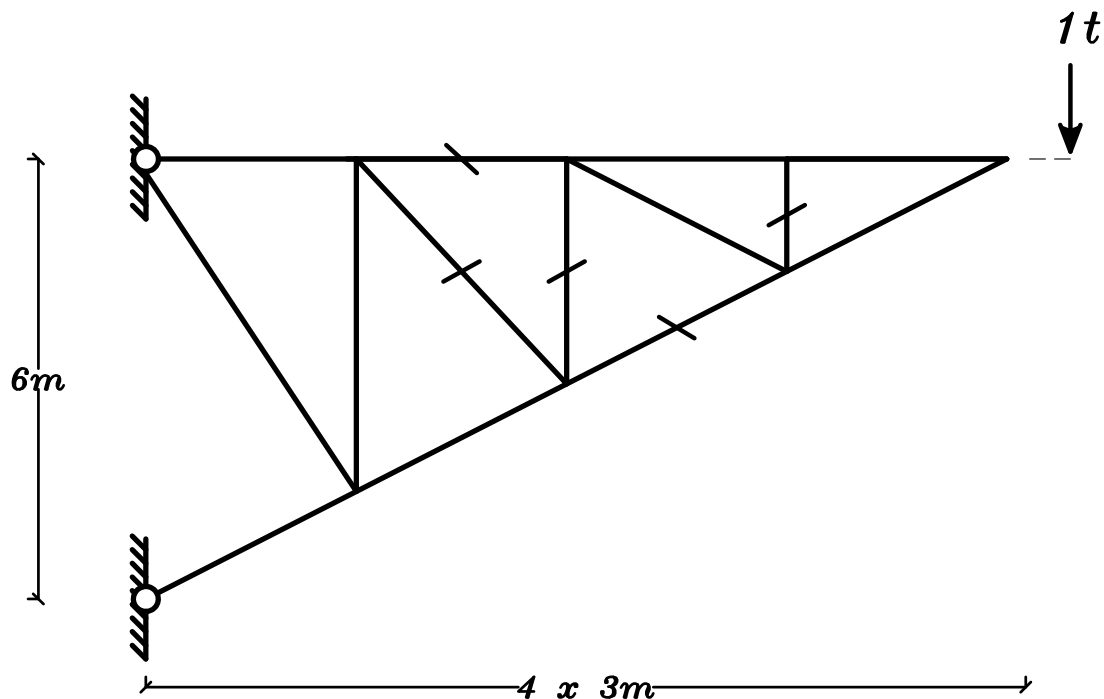
٢- يتم وضع ال ١ طن عند آخر *Joint* فى الطرف الحر

و حساب قيمة القوى من ناحية الطرف الحر نتيجة ال ١ طن على أساس أنها
مسألة عادية كما فى الترم الاول

٣- يتم التوصيل بين القيمتين بخط مستقيم و قبل القطاع تكون القوى تساوى صفر

Example

Draw the I.L. for thr marked members.

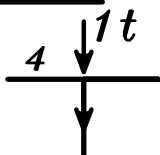


For F_1 Equilibrium of joint (4)

1ton at joint (4)

$$\Sigma Y = 0$$

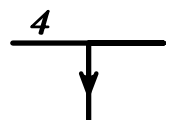
$$F_1 = -1$$



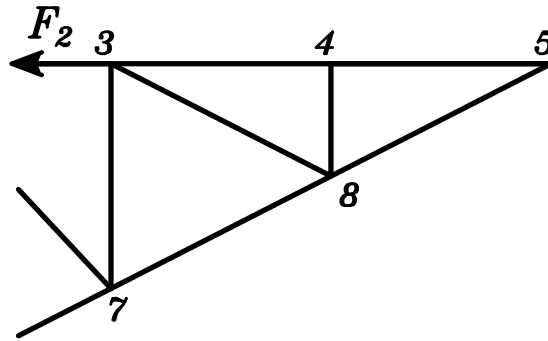
1ton at anywhere else

$$\Sigma Y = 0$$

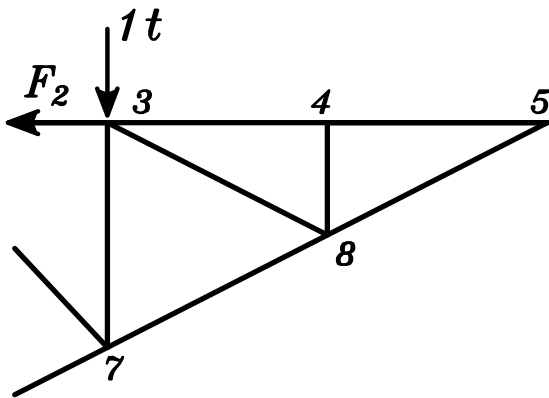
$$F_1 = 0$$



For F_2 Sec 1-1 ($\Sigma M_7 = 0$)



1ton at joint (3)

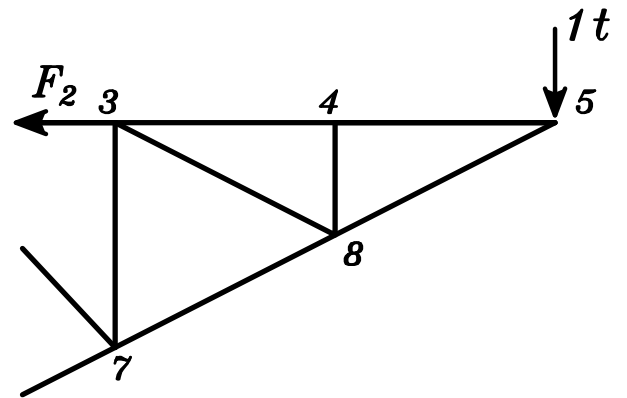


$$\Sigma M_7 = 0$$

$$3F_2 = 0$$

$$F_2 = 0$$

1ton at joint (5)

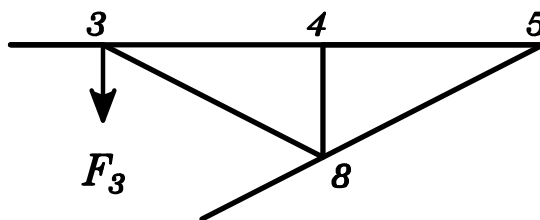


$$\Sigma M_7 = 0$$

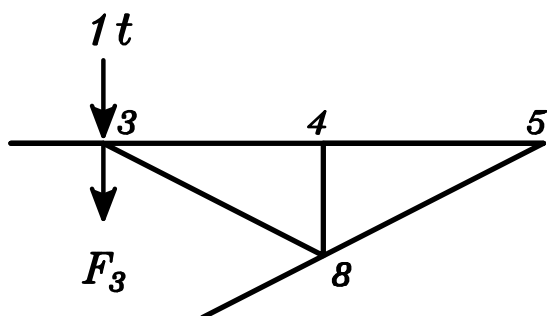
$$1 \times 6 - 3F_2 = 0$$

$$F_2 = 2t$$

For F_3 Sec 1-1 ($\Sigma M_5 = 0$)



1ton at joint (3)

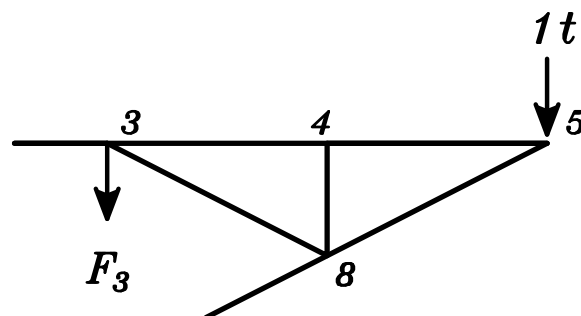


$$\Sigma M_5 = 0$$

$$6F_3 + 1 \times 6 = 0$$

$$F_3 = -1 \text{ t}$$

1ton at joint (5)

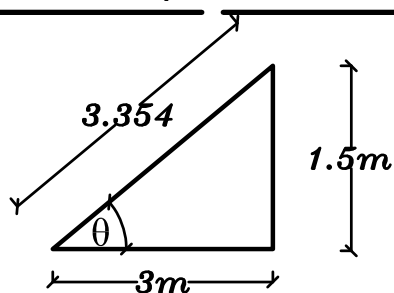


$$\Sigma M_5 = 0$$

$$3F_3 = 0$$

$$F_3 = 0$$

For F_4 Sec 1-1 ($\Sigma M_3 = 0$)

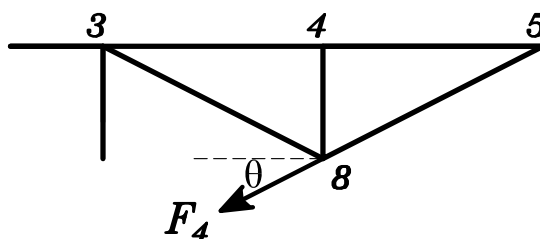


1ton at joint (3)

$$\Sigma M_3 = 0$$

$$1.5 \times F_4 \cos \theta + 3F_4 \sin \theta = 0$$

$$F_4 = 0$$



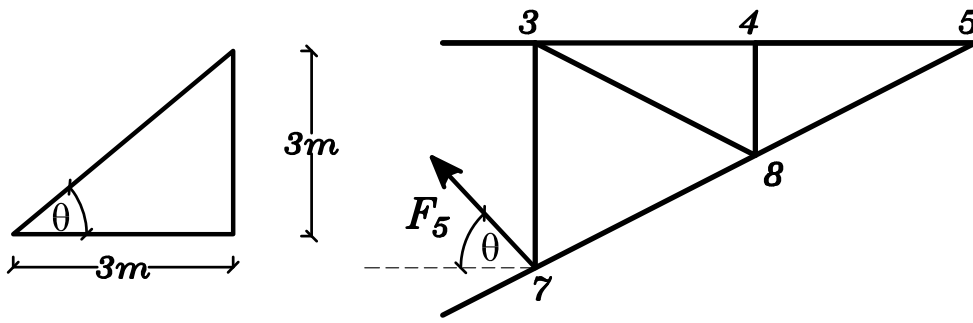
1ton at joint (5)

$$\Sigma M_3 = 0$$

$$1.5 \times F_4 \cos \theta + 3F_4 \sin \theta + 1 \times 6 = 0$$

$$F_4 = -2.236 \text{ t}$$

For F_5 Sec 2-2 ($\Sigma M_5 = 0$)



1ton at joint (3)

$$\Sigma M_5 = 0$$

$$3x F_5 \cos \theta + 6 F_5 \sin \theta$$

$$- 1 \times 6 = 0$$

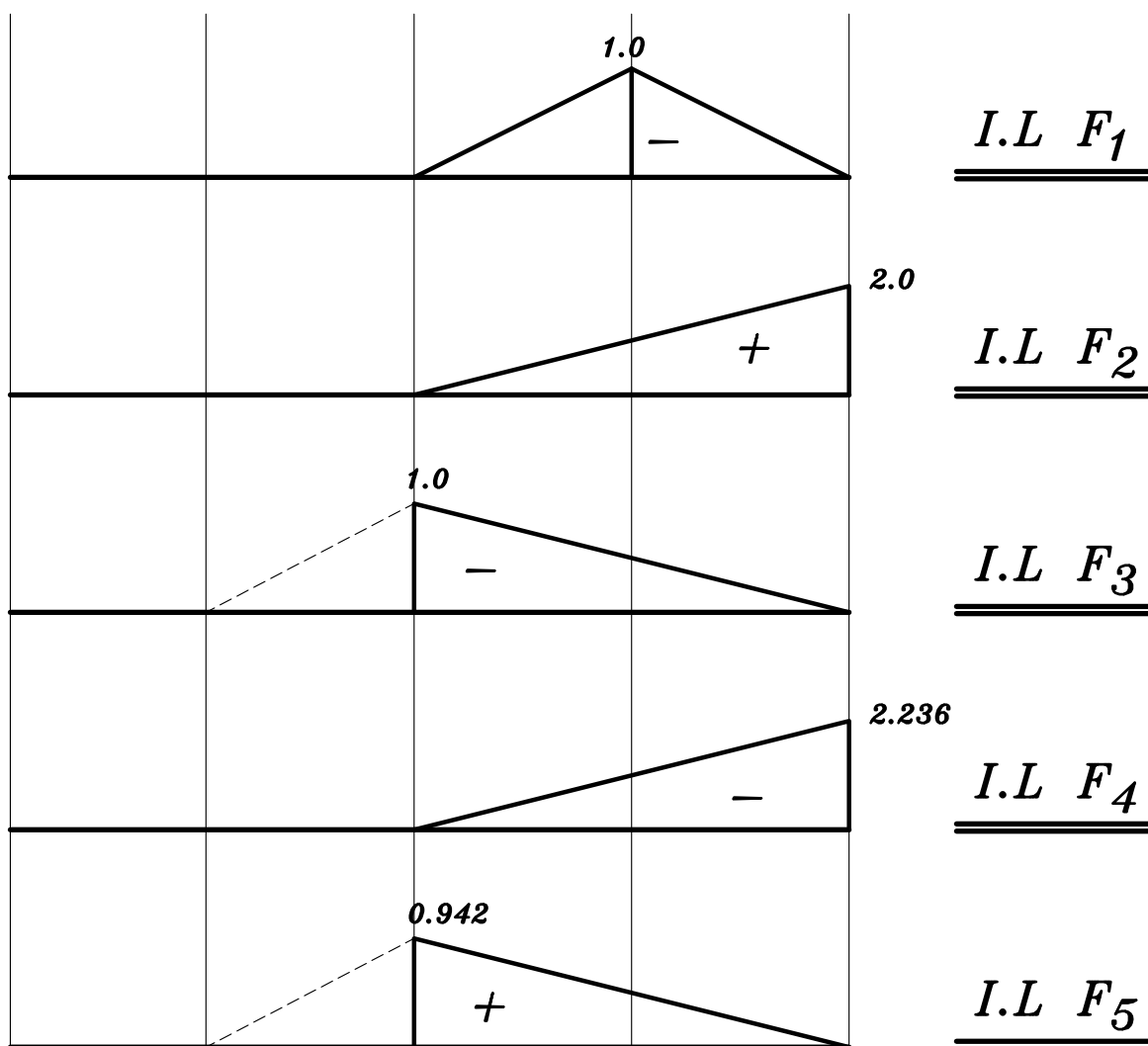
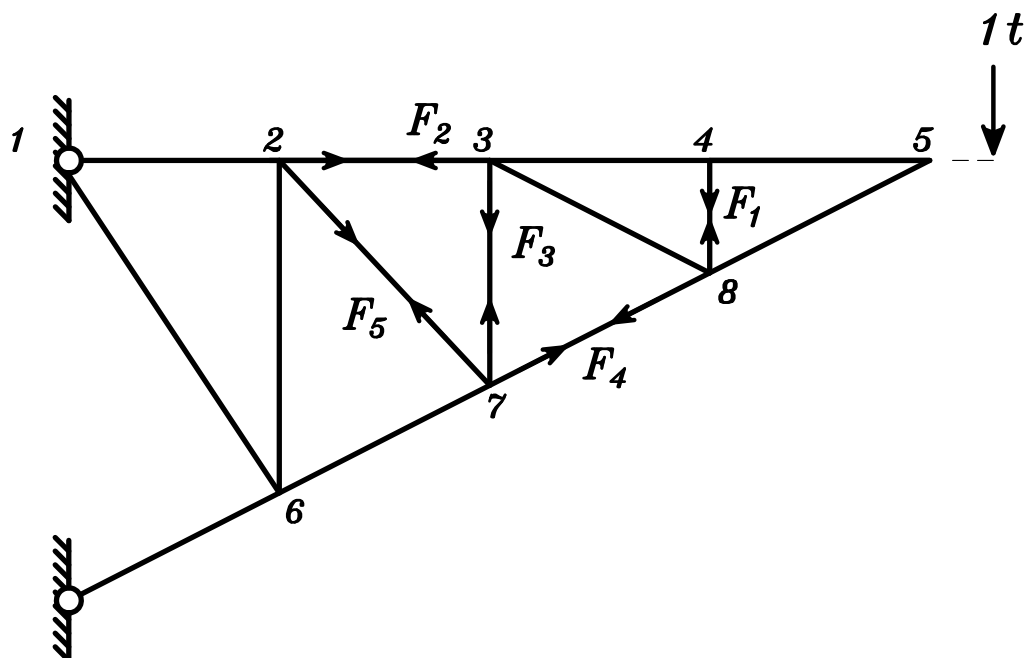
$$F_5 = 0.942 \text{ t}$$

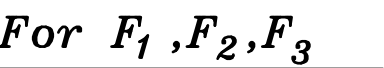
1ton at joint (5)

$$\Sigma M_5 = 0$$

$$3x F_5 \cos \theta + 6 F_5 \sin \theta = 0$$

$$F_5 = -2.236 \text{ t}$$



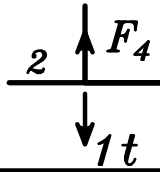


For F_4 Equilibrium of joint (2)

1ton at joint (2)

$$\Sigma Y = 0$$

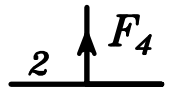
$$F_4 = +1$$



1ton at anywhere else

$$\Sigma Y = 0$$

$$F_4 = 0$$



For F_5 Sec 1-1 ($\Sigma M_5 = 0$)

1ton from (1-4)

$$\Sigma M_5 \text{ right} = 0$$

$$8Y_b + 3F_5 = 0$$

$$F_5 = -2.66 Y_b$$

1ton from (5-9)

$$\Sigma M_5 \text{ left} = 0$$

$$8Y_a + 3F_5 = 0$$

$$F_5 = -2.66 Y_a$$

For F_6 Sec 1-1 ($\Sigma M_{15} = 0$)

1ton from (1-4)

$$\Sigma M_{15} \text{ right} = 0$$

$$12Y_b - 3F_6 = 0$$

$$F_6 = 4 Y_b$$

1ton from (5-9)

$$\Sigma M_{15} \text{ left} = 0$$

$$4Y_a - 3F_6 = 0$$

$$F_6 = 1.33 Y_a$$

For F_7 Sec 2-2 ($\Sigma M_3 = 0$)

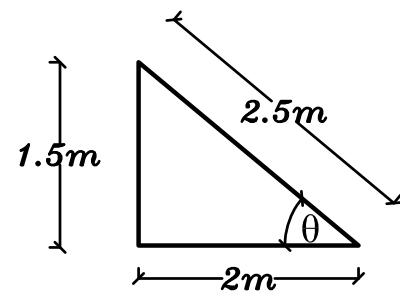
$$\cos\theta = 0.8, \sin\theta = 0.6$$

1ton from (1-3)

$$\Sigma M_3 \text{ right} = 0$$

$$12Y_b + 1.5 \times 0.8 F_7 + 2 \times 0.6 F_7 + 3 F_5 = 0$$

$$F_7 = -5 Y_b - 1.25 F_5$$



1ton from (4-9)

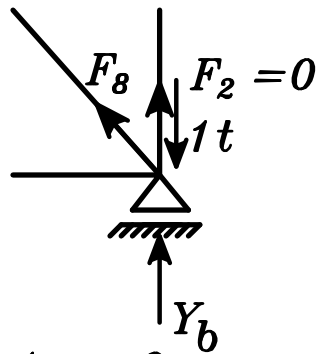
$$\Sigma M_3 \text{ left} = 0$$

$$4Y_a + 3 \times 0.8 F_7 + 3 F_5 = 0$$

$$F_7 = -1.66 Y_a - 1.25 F_5$$

For F_8 Equilibrium of joint (9) ($\Sigma Y = 0$)

1ton at joint (9)

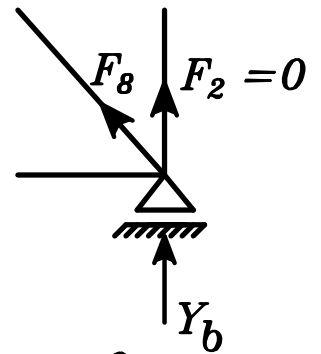


$$\Sigma Y = 0$$

$$Y_b + 0.6F_8 - 1 = 0$$

$$F_8 = 1.66 (1 - Y_b)$$

1ton at anywhere else



$$\Sigma Y = 0$$

$$-Y_b + 0.6F_8 = 0$$

$$F_8 = -1.66Y_b$$

For F_9 Sec 3-3 ($\Sigma M_5 = 0$)

1ton from (1-6)

$$\Sigma M_5 \text{ right} = 0$$

$$8Y_b + 4 \times 0.6F_9 + 3F_5 = 0$$

$$F_9 = -1.25 F_5 - 3.33Y_b$$

1ton from (7-9)

$$\Sigma M_5 \text{ left} = 0$$

$$8Y_a + 2 \times 0.6F_9 + 1.5 \times 0.8F_9 + 3F_5 = 0$$

$$F_9 = -1.25F_5 - 3.33Y_a$$

For F_{10} Sec 4-4 ($\Sigma M_9 = 0$)

1ton from (1-6)

$$\Sigma M_9 \text{ right} = 0$$

$$4 \times 0.6F_9 + 4F_{10} = 0$$

$$F_{10} = -0.6 F_9$$

1ton from (7-9)

$$\Sigma M_9 \text{ left} = 0$$

$$16Y_a - 6 \times 0.6F_9 + 1.5 \times 0.8F_9 - 4F_{10} = 0$$

$$F_{10} = 4Y_a - 0.6F_9$$

